

# Seznam vztahů pro bakaláře (1.9. 2006)

## Důležité konstanty

$R = 8,314 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ ;  $N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ;  $h = 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$ ;  $c = 2,998 \cdot 10^8 \text{ ms}^{-1}$ ;  $e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $F = 96485 \text{ C mol}^{-1}$ ;  
 $k_B = R/N_A = 1,381 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$ ;  $m_e = 9,1095 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $m_n = 1,675 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ;  $m_p = 1,676 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ;  $\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ Fm}^{-1}$ ;  
 $\mu_0 = 1,257 \cdot 10^{-6} \text{ Hm}^{-1}$ ;  $R_\infty = 1,098 \cdot 10^7 \text{ m}^{-2}$  (pro vodík);  $\sigma = 5,670 \cdot 10^{-8} \text{ Wm}^{-2} \cdot \text{K}^{-4}$ ;  $\kappa = 6,672 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$

## Vyjádření koncentrace

$$n = m/M; \quad x_i = \frac{n_i}{\sum_{j=1}^k n_j}; \quad w_i = \frac{m_i}{\sum_{j=1}^k m_j}; \quad \phi_i = \frac{V_i^\bullet}{\sum_{j=1}^k V_j^\bullet}; \quad V_{m,i}^\bullet = \frac{V_i^\bullet}{n_i}; \quad \underline{m}_i = n_i / m_{\text{rozpouštědlo}}; \quad c_i = n_i / V; \quad \varphi = \frac{p_i}{p_i^\circ}$$

## Stavové chování čistých látek a směsí

Koeficienty izobarické roztažnosti, izotermní stlačitelnosti a isochorické rozpínivosti:

$$\alpha_p = \frac{1}{V_m} \left( \frac{\partial V_m}{\partial T} \right)_p; \quad \kappa_T = -\frac{1}{V_m} \left( \frac{\partial V_m}{\partial p} \right)_T; \quad \beta_V = \left( \frac{\partial p}{\partial T} \right)_V$$

$$pV = nRT; \quad z = \frac{pV}{nRT};$$

$$\text{Van der Waalsova stavová rovnice: } p = \frac{RT}{V_m - b} - \frac{a}{V_m^2}; \quad a = \frac{27}{64} \frac{(RT_c)^2}{p_c}; \quad b = \frac{1}{8} \frac{RT_c}{p_c}$$

$$\text{parciální tlak: } p_i = px_i; \quad \text{Daltonův zákon } p = \sum_j p_j(T, V, n_i); \quad \text{Amagátův zákon: } V = \sum_j V_j(T, p, n_i)$$

## I. – III. termodynamická věta

$$\Delta U = Q + W; \quad dW_{\text{objemová}} = -p_{\text{vnější}} dV; \quad dS \geq \frac{dQ}{T}; \quad \lim_{T \rightarrow 0} S = 0; \quad H = U + pV; \quad F = U - TS; \quad G = H - TS$$

$$\text{Jestliže } dZ = \left( \frac{\partial Z}{\partial x} \right)_y dx + \left( \frac{\partial Z}{\partial y} \right)_x dy \quad \text{je totální diferenciál, pak} \quad \left( \frac{\partial^2 Z}{\partial x \partial y} \right) = \left( \frac{\partial^2 Z}{\partial y \partial x} \right)$$

$$\text{Derivace implicitní funkce:} \quad \left( \frac{\partial y}{\partial z} \right)_x \left( \frac{\partial z}{\partial x} \right)_y \left( \frac{\partial x}{\partial y} \right)_z = -1$$

$$dU = TdS - pdV; \quad dH = TdS + Vdp; \quad dF = -SdT - pdV; \quad dG = -SdT + Vdp$$

$$C_p = \left( \frac{dQ}{dT} \right)_p = \left( \frac{\partial H}{\partial T} \right)_p; \quad C_v = \left( \frac{dQ}{dT} \right)_V = \left( \frac{\partial U}{\partial T} \right)_V$$

$$dU = C_v dT + \left[ T \left( \frac{\partial p}{\partial T} \right)_V - p \right] dV; \quad dH = C_p dT + \left[ V - T \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_p \right] dp$$

$$dS = \frac{C_v}{T} dT + \left( \frac{\partial p}{\partial T} \right)_V dV; \quad dS = \frac{C_p}{T} dT - \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_p dp$$

$$C_p - C_v = T \left( \frac{\partial p}{\partial T} \right)_V \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_p$$

$$\text{Poissonovy rovnice: } pV^\kappa = \text{konst}_1; \quad TV^{\kappa-1} = \text{konst}_2; \quad Tp^{\frac{1-\kappa}{\kappa}} = \text{konst}_3, \quad \text{kde } \kappa = \frac{C_{pm}}{C_{Vm}}$$

$$\text{Carnotův tepelný stroj: } \eta = \frac{-w}{Q_2} = \frac{Q_2 + Q_1}{Q_2} = \frac{T_2 - T_1}{T_2}; \quad \frac{Q_2}{T_2} + \frac{Q_1}{T_1} = 0; \quad Q_2 - \text{teplo přijaté od zásobníku s vyšší teplotou } (T_2 > T_1)$$

$$\text{Obrácený Carnotův tepelný stroj: } \beta = \frac{Q_1}{w} = \frac{T_1}{T_2 - T_1}; \quad Q_1 + w = -Q_2; \quad Q_1 - \text{teplo odebrané chladnějším zásobníku } (T_2 > T_1)$$

## Termochemie

$$\text{Pro chemickou reakci ve tvaru } 0 = \sum_{i=1}^k \nu_i R_i \text{ (kde u výchozích látek } \nu_i < 0) \text{ platí: } \Delta H_r^\circ = \sum_{i=1}^k \nu_i \Delta H_{i,sl}^\circ = - \sum_{i=1}^k \nu_i \Delta H_{i,sp}^\circ$$

## Termodynamika homogenních směsí

Ideální směs:

$$Y_{m,id.směs} = \sum_{i=1}^k x_i Y_{m,i}^* \quad \text{kde } Y_m = H, U, C_p, C_V; \quad S_{m,id.směs} = \sum_{i=1}^k x_i S_{m,i}^* - R \sum_{i=1}^k x_i \ln x_i; \quad F_{m,id.směs} = \sum_{i=1}^k x_i F_{m,i}^* + RT \sum_{i=1}^k x_i \ln x_i;$$

$$G_{m,id.směs} = \sum_{i=1}^k x_i G_{m,i}^* + RT \sum_{i=1}^k x_i \ln x_i$$

Směšovací, dodatkové a parciální molární veličiny ( $Y = H, U, G, F, S, C_p, C_V$ ):

$$Y^M = Y_{m,směs} - \sum_{i=1}^k x_i Y_{m,i}^*; \quad Y^E = Y_{m,směs} - Y_{m,id.směs}; \quad \bar{Y}_i = \left( \frac{\partial Y_{směs}}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_{j \neq i}}; \quad Y_{m,směs} = \sum_{i=1}^k x_i \bar{Y}_i; \quad Y_{směs} = n Y_{m,směs}$$

Chemický potenciál:  $\mu_i = \bar{G}_i = \left( \frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_{j \neq i}}$

$$\mu_i = \mu_i^*(T, p) + RT \ln a_i = \mu_i^*(T, p) + RT \ln \gamma_i x_i; \quad \mu_i = \mu_i^{[c]}(T, p) + RT \ln a_i = \mu_i^{[c]}(T, p) + RT \ln \gamma_i^{[c]} \frac{c_i}{c^o}$$

$$\mu_i = \mu_i^o(T, p_{st}) + RT \ln a_i = \mu_i^o(T, p_{st}) + RT \ln \frac{p_i}{p_{st}}; \quad \mu_i = \mu_i^{[m]}(T, p) + RT \ln a_i = \mu_i^{[m]}(T, p) + RT \ln \gamma_i^{[m]} \frac{m_i}{m^o}$$

## Fázové rovnováhy

počet stupňů volnosti:  $\nu = k - f + 2 - C$

podmínky rovnováhy za konstantní teploty  $T$  a tlaku  $p$ :  $dG = 0$ ;  $\mu_i^{(1)} = \mu_i^{(2)} = \dots = \mu_i^{(f)}$ ;

jednosložkové fázové rovnováhy:

Clapeyronova rovnice:  $\frac{dp^\circ}{dT} = \frac{\Delta H_m}{T \Delta V_m}$ ; Clausiova-Clapeyronova rovnice:  $\frac{d \ln p^\circ}{dT} = \frac{\Delta H_m}{RT^2}$ ;

vícesložkové fázové rovnováhy:

rovnováha kapalina-pára:  $py_i = \gamma_i x_i \phi_i^\circ p_i^\circ$ ; azeotrop:  $y_i = x_i$  pro  $i = 1, 2, \dots, k$

Raoultův + Daltonův zákon:  $p = \sum_{i=1}^k p_i = \sum_{i=1}^k x_i p_i^\circ$ ;  $py_i = x_i p_i^\circ$

rovnováha kapalina-plyn: Henryho zákon:  $p_i = K_{H,i} x_i$ ;

rovnováha kapalina-kapalina:  $a_i^{(l_1)} = a_i^{(l_2)}$

rozdělovací koeficient:  $K_{x,i} = \frac{x_i^{(l_2)}}{x_i^{(l_1)}}$  nebo  $K_{c,i} = \frac{c_i^{(l_2)}/V_2}{c_i^{(l_1)}/V_1} = \frac{n_i^{(l_2)}/V_2}{n_i^{(l_1)}/V_1}$

po  $k$ -té extrakci stejným množstvím  $V_2$  čistého rozpouštědla 2 z rozpouštědla 1 zbude v roztoku  $n_{i,zbytek} = n_{i,0} \left( \frac{V_1}{V_1 + K_{c,i} V_2} \right)^k$

Zvýšení bodu varu:  $\Delta T = K_E m_2 = K_E \frac{m_2}{M_2 m_1}$ , kde  $K_E = \frac{RT_1^2 M_1}{\Delta H_{1,vyp}}$ ;

Snížení bodu tání:  $\Delta T = K_k m_2 = K_k \frac{m_2}{M_2 m_1}$ , kde  $K_k = \frac{RT_1^2 M_1}{\Delta H_{1,tání}}$

## Chemická rovnováha

$0 = \sum_{i=1}^k \nu_i R_i$  ( $\nu_i < 0$  u výchozích látek)

$\xi = \frac{n_i - n_i^{\text{počáteční}}}{\nu_i}$ ;  $\alpha = \frac{n_i^{\text{počáteční}} - n_i}{n_i^{\text{počáteční}}}$  ( $\alpha$  je definováno pro klíčovou složku)

$$\Delta G_r \equiv \left( \frac{\partial G}{\partial \xi} \right)_{T,p} = \sum_{i=1}^k \nu_i \mu_i = \sum_{i=1}^k \nu_i (\mu_i^o + RT \ln a_i) = \Delta G_r^o + RT \ln \prod_{i=1}^k a_i^{\nu_i}$$

v rovnováze:  $K = \prod_{i=1}^k a_{i,rov}^{\nu_i} = \exp \left[ -\frac{\Delta G_r^o}{RT} \right]$

Plynná směs:  $a_i = \frac{p_i}{p^{st}}; \quad p^{st} = 101,325 \text{ kPa}$

Kapalná směs (v závislosti na volbě standardního stavu):  $a_i = \gamma_i x_i; \quad a_i^{[c]} = \gamma_i^{[c]} \frac{c_i}{c^o}; \quad a_i^{[m]} = \gamma_i^{[m]} \frac{m_i}{m^o}$

Teplotní závislost rovnovážné konstanty:  $\left( \frac{d \ln K}{dT} \right)_p = \frac{\Delta H_r^o}{RT^2}$

## Elektrochemie

anoda – elektroda, kde probíhá oxidace; katoda – elektroda, kde probíhá redukce

Faradayův zákon:  $n = \frac{Q}{zF} = \frac{I\tau}{zF}$

Elektrodový potenciál pro elektrodovou reakci  $\nu A^{z+} + \nu z^+ e^- = A_\nu$  je  $E = E_{A^{z+}/A}^0 - \frac{RT}{\nu z^+ F} \ln \frac{a_{A_\nu}}{(a_{A^{z+}})^\nu}$

Elektromotorické napětí galvanického článku:  $EMN = E_{red, pravá} + E_{ox, levá} = E_{red, pravá} - E_{red, levá} = E^0 - \frac{RT}{zF} \ln \prod_{i=1}^k a_i^{\nu_i};$

$\Delta G^0 = -zFE^0 = -RT \ln K; \quad \frac{d(E^0/T)}{dT} = \frac{\Delta H^0}{zFT^2}; \quad \frac{dE^0}{dT} = \frac{\Delta S^0}{zF}$

## Chemická kinetika

Rychlostní rovnice:  $r = \frac{1}{\nu_i} \frac{1}{V} \frac{dn_i}{d\tau} = \frac{1}{\nu_i} \frac{dc_i}{d\tau} = k_c \prod_{i=1}^n c_i^{\eta_i};$  tlakové vyjádření pro plynou fázi:  $r = \frac{1}{\nu_i} \frac{dp_i}{d\tau} = k_p \prod_{i=1}^n p_i^{\eta_i}; \quad k_c = k_p (RT)^{n-1}$

Teplotní závislost rychlostní konstanty:  $\frac{d \ln k}{dT} = \frac{E^*}{RT^2}$

Integrovaný tvar rychlostní rovnice pro reakci 2.řádu typu  $A + B \rightarrow C$  (dílčí řády = 1) pro  $c_{A0} \neq c_{B0}$ :

$$\frac{1}{c_{B0} - c_{A0}} \ln \frac{c_{A0}(c_{B0} - x)}{c_{B0}(c_{A0} - x)} = k\tau \quad \text{kde} \quad c_A = c_{A0} - x$$

Výpočet poločasů reakce pro  $n \neq 1$  (typ reakce  $A \rightarrow \text{Produkty}$ ;  $-\frac{dc_A}{d\tau} = kc_A^n$ ):  $\tau_{1/2} = \frac{2^{n-1} - 1}{(n-1)k} c_{A0}^{1-n}$

## Vysvětlení některých symbolů

horní index		
o - ve standardním stavu	• - vlastnost čisté látky	∅ - nasycený stav
idp - ve stavu ideálního plynu	[c] - standardní stav $c^0 = 1 \text{ mol/dm}^3$	[ $\underline{m}$ ] - standardní stav $\underline{m}^0 = 1 \text{ mol/kg}$
dolní index		
st - ve standardním stavu	c - kritická veličina	rov - hodnota veličiny pro rovnovážný stav
sl - slučovací	sp - spalné	r - redukováná veličina (stavové chování) nebo reakční veličina (termochemie, chemické rovnováhy)